

МИНОБРНАУКИ РОССИИ
Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Астраханский государственный университет имени В. Н. Татищева»
(Астраханский государственный университет им. В. Н. Татищева)

СОГЛАСОВАНО
Руководитель ОПОП

А.Н. Бармин

« 29 » _____ 04 _____ 2025 г.

УТВЕРЖДАЮ
Заведующий кафедрой математики

И. А. Байгушева

« 29 » _____ 04 _____ 2025 г.

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ
МАТЕМАТИКА**

Составитель(и)

Данилова Н.А., доцент кафедры математики,
Гайсина А.Р., старший преподаватель кафедры
математики

Согласовано с работодателями:

Глаголев С.Б., директор ФГБУ «Государствен-
ный природный заповедник «Богдинско-
Баскунчакский»; Майоров Г.А., генеральный
директор ООО «Астраханская земельная компа-
ния»

Направление подготовки / специ-
альность

05.03.06 Экология и природопользование

Направленность (профиль) / специ-
ализация ОПОП

Геоэкология

Квалификация (степень)

бакалавр

Форма обучения

очная

Год приёма

2025

Курс

1 (по очной форме)

Семестр(ы)

1 (по очной форме)

Астрахань – 2025

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. Цель освоения дисциплины «Математика»:

овладение студентами знаниями, методологией и методами математики, необходимыми для решения профессиональных задач

1.2. Задачи освоения дисциплины:

изучить основные теоретические модели, обучить применению теоретических моделей для анализа и прогнозирования проблем современной экономики, определять пути решения современных проблем экономики, а также критически оценивать иные решения

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП

2.1. Учебная дисциплина «Математика» относится к обязательной части учебного плана и осваивается в 1 семестре

2.2. Для изучения данной учебной дисциплины необходимы следующие знания, умения, навыки, формируемые предшествующими учебными дисциплинами:

- «Алгебра и начала анализа», «Геометрия»:

Знания:

- правил выполнения действий с целыми числами, действий с дробями,
- свойств степени и корня,
- формул сокращенного умножения,
- основных элементарных функций и их свойств,
- методов решений уравнений и неравенств,
- тождеств тригонометрии,
- правил и формул дифференцирования,
- формул интегрирования,
- метода координат.

Умения:

- складывать, вычитать, умножать и делить целые числа, дроби,
- применять свойства степени, формулы сокращенного умножения,
- решать уравнения и неравенства школьного курса математики,
- применять правила и формулы дифференцирования и интегрирования, метода координат.

Навыки и (или) опыт деятельности:

- навыки решения уравнений и неравенств,
- навыки построения графиков основных элементарных функций,
- навыки построения геометрических фигур.

2.3. Последующие учебные дисциплины , для которых необходимы знания, умения, навыки, формируемые данной учебной дисциплиной:

- Информатика;
- Физика;
- Картография;
- Геофизика.

3. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

Процесс освоения дисциплины направлен на формирование элементов следующей компетенции в соответствии с ФГОС ВО и ОПОП ВО по данному направлению подготовки:

–ОПК-1. Способен применять базовые знания фундаментальных разделов наук о Земле, естественнонаучного и математического циклов при решении задач в области экологии и природопользования

Таблица 1. Декомпозиция результатов обучения

Код компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине		
		Знать (1)	Уметь (2)	Владеть (3)
ОПК-1	ОПК-1.1. Использует базовые знания в области математики для обработки информации и анализа данных в области экологии и природопользования	Знает основные математические понятия	Умеет применять математические знания на практике	Владеет основными инструментами математического анализа
	ОПК-1.2. Применяет базовые знания физических законов и анализа физических явлений для решения задач в области экологии и природопользования	Знает как применить методы математического анализа для исследований	Умеет решать задачи исследования	Владеет методами анализа данных для фундаментальных исследований
	ОПК-1.3. Применяет базовые знания химии при проведении химико-аналитических исследований в области экологии и природопользования	Знает математические программы	Умеет решать математические задачи с помощью программ	Владеет навыками работы в информационной среде
	ОПК-1.4. Использует знания биологии для решения задач в области экологии и природопользования	Знает основные математические формулы и законы	Умеет применять формулы к решению конкретных задач	Владеет методами статистической обработки данных исследования
	ОПК-1.5. Использует знания фундаментальных разделов наук о Земле в области экологии и природопользования	Знает основные математические законы	Умеет применять математические законы к решению конкретных задач	Владеет знаниями основных законов
	ОПК-1.6. Способен решать профессиональные задачи в области экологии и природопользования и выполнять работы эколого-географической направленности на основе базовых знаний фундаментальных разделов наук о Земле, естественнонаучного и математического циклов.	Знает как использовать программы при решении задач	Умеет применять программы для решения конкретных практических задач	Владеет информационно-коммуникационными технологиями в решении типовых задач в области производства, переработки и хранения сельскохозяйственной продукции
	ОПК-1.7. Демонстрирует знание основных законов естественнонаучных дис-	Знает основные математические за-	Умеет применять математические формулы	Владеет знаниями математических

Код компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине		
		Знать (1)	Уметь (2)	Владеть (3)
	дисциплин в области генетики и селекции растений и животных	коны	для решения задач в области генетики и селекции растений и животных	формул для решения задач в области генетики и селекции растений и животных

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость дисциплины в соответствии с учебным планом составляет 3 зачетные единицы (108 часов).

Трудоемкость отдельных видов учебной работы студентов очной форме обучения приведена в таблице 2.1.

Таблица 2.1. Трудоемкость отдельных видов учебной работы по формам обучения

Вид учебной и внеучебной работы	для очно-заочной формы обучения
Объем дисциплины в зачетных единицах	3
Объем дисциплины в академических часах	108
Контактная работа обучающихся с преподавателем (всего), в том числе (час.):	37,25
- занятия лекционного типа, в том числе:	18
- практическая подготовка (если предусмотрена)	
- занятия семинарского типа (семинары, практические, лабораторные), в том числе:	18
- практическая подготовка (если предусмотрена)	
- в ходе подготовки и защиты курсовой работы	
- консультация (предэкзаменационная)	1
- промежуточная аттестация по дисциплине	0,25
Самостоятельная работа обучающихся (час.)	70,75
Форма промежуточной аттестации обучающегося (зачет/экзамен), семестр (ы)	экзамен – 1 семестр

Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий и самостоятельной работы, для каждой формы обучения представлено в таблице 2.2.

Таблица 2.2. Структура и содержание дисциплины

для очной формы обучения							
Раздел, тема дисциплины	Контактная работа, час.				СР, час.	Итого часов	Форма те- кущего
	Л	ПЗ	ЛР	КР /			

	Л	В т.ч. ПП	ПЗ	В т.ч. ПП	ЛР	В т.ч. ПП	КП			контроля успеваемо- сти, форма промежу- точной аттестации
Семестр 1.										
Раздел 1. Элементы линей- ной алгебры	3		3					10	16	КР№1
Тема 1. Матрицы и определители	1,5		1,5					5	8	
Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений	1,5		1,5					5	8	
Раздел 2. Аналитическая геометрия	2		2					10	14	<i>Экзамен</i>
Тема 3. Прямая на плоскости и в пространстве	1		1					5	7	
Тема 4. Кривые второго порядка	1		1					5	7	
Раздел 3. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	4		4					20	28	КР№ 2
Тема 5. Функция. Предел, непрерывность функции	1		1					6	8	
Тема 6. Производная, основные теоремы дифференциального исчисления	1		1					7	9	
Тема 7. Исследование функций	2		2					7	11	
Раздел 4. Интегральное исчисление функции одной переменной	4		4					20	28	КР№3
Тема 8. Неопределенный интеграл	2		2					10	14	
Тема 9. Определенный интеграл. Геометрические и физические приложения определенного интеграла	2		2					10	14	КР№4
Раздел 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики	5		5					10,75	22,75	
Тема 10. Вероятность	2,5		2,5					5	10	
Тема 11. Линейная корреляция	2,5		2,5					5,75	10,75	
Консультации	1									
Контроль промежуточной аттестации	0,25									Экзамен
ИТОГО за семестр:	18		18					70,75	108	

Примечание: Л – лекция; ПЗ – практическое занятие, семинар; ЛР – лабораторная работа; ПП – практическая подготовка; КР / КП – курсовая работа / курсовой проект; СР – самостоятельная работа

Таблица 3. Матрица соотнесения разделов, тем учебной дисциплины и формируемых компетенций

Раздел, тема дисциплины	Кол-во часов	Код компетенции	Общее количество компетенций
		ОПК-1	
Раздел 1. Элементы линейной алгебры	16	+	1
Тема 1. Матрицы и определители	8	+	1
Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений	8	+	1
Раздел 2. Аналитическая геометрия	14	+	1
Тема 3. Прямая на плоскости и в пространстве	7	+	1
Тема 4. Кривые второго порядка	7	+	1
Раздел 3. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	28	+	1
Тема 5. Функция. Предел, непрерывность функции	8	+	1
Тема 6. Производная, основные теоремы дифференциального исчисления	9	+	1
Тема 7. Исследование функций	11	+	1
Раздел 4. Интегральное исчисление функции одной переменной	28	+	1
Тема 8. Неопределенный интеграл	14	+	1
Тема 9. Определенный интеграл. Геометрические и физические приложения определенного интеграла	14	+	1
Раздел 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики	22,75	+	1
Тема 10. Вероятность.	10	+	1
Тема 11. Линейная корреляция	10,75	+	1
КПА	0,25		
Консультация	1		
Итого	108		

Краткое содержание каждой темы дисциплины

Раздел 1. Элементы линейной алгебры

Тема 1. Матрицы и определители.

Операции над матрицами и их свойства. Обратимые матрицы. Условия обратимости матрицы. Вычисление обратной матрицы. Матричные уравнения. Определители 2-го и 3-го порядков. Перестановки, инверсии, транспозиции. Определитель квадратной матрицы n -го порядка. Основные свойства определителей. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение

определителя по строке или столбцу. Необходимое и достаточное условие невырожденности матрицы. Определитель произведения матриц. Теорема о ранге матрицы. Обратная матрица. Запись и решение системы линейных уравнений в матричной форме. Правило Крамера. Условия, при которых однородная система n линейных уравнений с n неизвестными имеет ненулевые решения.

Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений.

Линейное уравнение и система уравнений. Совместные и несовместные системы. Основная матрица системы. Матричная запись системы линейных уравнений. Ступенчатые матрицы. Равносильные системы уравнений. Элементарные преобразования матрицы. Приведение матрицы к ступенчатому виду с помощью элементарных преобразований. Расширенная матрица системы. Решение системы линейных уравнений методом Гаусса, методом Гаусса-Жордана. Различные случаи решения систем, количество решений.

Строчечный и столбцовый ранги матрицы, неизменяемость их при элементарных преобразованиях над матрицами. Ранг матрицы. Критерий совместности системы линейных уравнений. Однородная система линейных уравнений. Связь между решениями неоднородной линейной системы и соответствующей однородной. Фундаментальный набор решений однородной системы линейных уравнений и способ ее построения.

Раздел 2. Элементы векторной алгебры

Тема 3. Прямая на плоскости и в пространстве.

Основные понятия. Основные положения метода координат на плоскости. Преобразование системы координат. Уравнение прямой на плоскости. Прямая линия на плоскости. Основные задачи. Уравнение прямой в пространстве. Прямая линия в пространстве. Основные задачи. Различные виды уравнений. Расстояние от точки до прямой.

Плоскость в пространстве. Прямая в пространстве. Взаимное расположение плоскости и прямой.

Тема 4. Кривые второго порядка

Линии второго порядка на плоскости. Основные понятия. Окружность. Эллипс. Каноническое уравнение эллипса. Исследование формы эллипса по его уравнению. Гипербола. Каноническое уравнение гиперболы. Исследование формы гиперболы по ее уравнению. Асимптоты гиперболы. Уравнение равносторонней гиперболы, асимптотами которой служат оси координат. Парабола. Каноническое уравнение параболы. Исследование формы параболы по ее уравнению. Общее уравнение линий второго порядка.

Раздел 3. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Тема 5. Функции. Предел, непрерывность функции

Множество действительных чисел. Линейные множества. Ограниченные и неограниченные линейные множества. Точные границы ограниченного множества. Наибольший и наименьший элементы линейного множества. Понятие функции. Композиция функций. Обратная функция. Числовые функции. Ограниченные, монотонные, четные, нечетные, периодические функции. Предел функции в точке. Предел функции на бесконечности. Бесконечные пределы функции. Общее окрестностное определение предела. Единственность предела. Локальные свойства функции, имеющей конечный предел. Теорема о пределе промежуточной функции. Первый замечательный предел. Предел суммы, произведения, частного. Переход к пределу в неравенствах. Предел сложной функции. Односторонние пределы. Бесконечно малые величины, их сравнение. Определение непрерывной функции. Свойства непрерывных в точке функций. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва. Свойства непрерывных на промежутке функций.

Тема 6. Производная, основные теоремы дифференциального исчисления Производная функции в точке, её геометрический и физический смысл. Правила дифференцирования. Таблица производных. Дифференцируемая функция. Дифференциал. Дифференцирование не-

явных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. Производные высших порядков. Свойства дифференцируемых функций. Основные теоремы дифференциального исчисления: теорема Ферма, теорема Ролля. Основные теоремы дифференциального исчисления: теорема Ролля, теорема Лагранжа.

Тема 7. Исследование функций с помощью производной

Правило Лопиталя. Уравнение касательной к графику функции. Монотонность. Экстремумы. Выпуклость. Применения производных к исследованию функций: асимптоты графика функции. Полное исследование функции.

Раздел 4. Интегральное исчисление функции одной переменной

Тема 8. Неопределенный интеграл

Первообразная и неопределенный интеграл. Таблица основных интегралов. Основные свойства неопределенных интегралов. Формула интегрирования по частям в неопределенном интеграле. Формула замены переменной в неопределенном интеграле. Интегрирование рациональных функций. Интегрирование функций тригонометрических функций. Универсальная тригонометрическая подстановка. Интегрирование иррациональных функций. «Берущиеся» и «неберущиеся» интегралы.

Тема 9. Определенный интеграл. Геометрические и физические приложения определенного интеграла

Задача о площади криволинейной трапеции. Определение определенного интеграла. Классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла, выражаемые равенствами. Свойства определенного интеграла, выражаемые неравенствами. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница. Формула интегрирования по частям для определенных интегралов. Формула замены переменной в определенном интеграле. Приложения определенного интеграла: вычисление площадей плоских фигур, длины дуги плоской кривой, объема тела вращения, площади поверхности вращения. Несобственные интегралы.

Раздел 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики

Тема 10. Вероятность, случайные величины

Пространство элементарных событий. Случайные события. Достоверные, невозможные события. Операции над событиями: включение событий; эквивалентные(равные) события; сумма; произведение; разность; противоположное событие. Свойства операций над событиями. Алгебра событий. Классификация случайных событий: несовместные события; попарно несовместные события; полная группа событий; полная группа попарно несовместных событий; равновероятные события. Статистическая вероятность. Свойство устойчивости относительных частот. Геометрическая вероятность. Аксиоматическое построение вероятности. Свойства вероятности (следствия из аксиом). Дискретное вероятностное пространство. Классическая вероятность. Теорема сложения вероятностей несовместных событий. Условные вероятности. Теорема умножения вероятностей. Независимость событий. Свойства независимых событий. Теорема умножения вероятностей независимых событий. Попарно независимые события. Независимость событий в совокупности. Вероятность появления хотя бы одного из независимых в совокупности событий. Теорема сложения вероятностей совместных событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Последовательности независимых испытаний. Независимые испытания Бернулли. Формула Бернулли. Пуассоновское приближение в независимых испытаниях Бернулли. Теоремы Муавра-Лапласа.

Тема 11. Линейная корреляция

Основные задачи теории корреляции. Условные средние. Выборочные уравнения регрессии. Определение параметров прямой регрессии методом наименьших квадратов. Уравнения прямых регрессии. Коэффициент корреляции, как показатель тесноты линейной связи. Оценка тесноты линейной связи по коэффициенту линейной корреляции.

5. МЕТОДИЧЕСКИЕ УКАЗАНИЯ ПО ПРЕПОДАВАНИЮ И ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1. Указания для преподавателей по организации и проведению учебных занятий по дисциплине

Порядок проведения лекционного занятия.

Лекция как элемент образовательного процесса должна включать следующие этапы:

- 1 формулировку темы лекции;
- 2 указание основных изучаемых разделов или вопросов и предполагаемых затрат времени на их изложение;
- 3 изложение вводной части;
- 4 изложение основной части лекции;
- 5 краткие выводы по каждому из вопросов;
- 6 заключение;
- 7 рекомендации литературных источников по излагаемым вопросам.

5.2. Указания для обучающихся по освоению дисциплины

Организация самостоятельной работы

Успешное освоение курса требует напряжённой самостоятельной работы студента. В программе курса приведено минимально необходимое время для работы студента над темой.

Самостоятельная работа студентов распадается на два самостоятельных направления: на изучение и освоение теоретического лекционного материала, и на освоение методики решения практических задач.

Самостоятельная работа включает в себя:

проработку учебного материала (по конспектам лекций, учебной и научной литературе);
подготовку к практическим занятиям, выполнение домашних теоретических и практических заданий.

Таблица 4. Содержание самостоятельной работы обучающихся

для очной формы обучения

Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	Кол-во часов	Формы работы
Раздел 1. Элементы линейной алгебры	10	<i>Самостоятельное изучение соответствующих разделов учебников, указанных в списке литературы, работа с конспектом лекций, решение практических задач, работа в рабочей тетради.</i>
Тема 1. Матрицы и определители	5	
Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений	5	
Раздел 2. Аналитическая геометрия	10	
Тема 3. Прямая на плоскости и в пространстве	5	
Тема 4. Кривые второго порядка	5	
Раздел 3. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	20	
Тема 5. Функция. Предел, непрерывность функции	6	
Тема 6. Производная, основные теоремы дифференциального исчисления	7	

Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение	Кол-во часов	Формы работы
Тема 7. Исследование функций	7	
Раздел 4. Интегральное исчисление функции одной переменной	20	
Тема 8. Неопределенный интеграл	10	
Тема 9. Определенный интеграл. Геометрические и физические приложения определенного интеграла	10	
Раздел 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики		
Тема 10. Вероятность.	10,75	
Тема 11. Линейная корреляция	5	

5.3. Виды и формы письменных работ, предусмотренных при освоении дисциплины, выполняемые обучающимися самостоятельно

В процессе изучения дисциплины студенты выполняют письменные контрольные работы. Все виды письменных работ выполняются на практических занятиях.

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

6.1. Образовательные технологии

Таблица 5. Образовательные технологии, используемые при реализации учебных занятий

Раздел, тема дисциплины	Форма учебного занятия		
	Лекция	Практическое занятие, семинар	Лабораторная работа
Раздел 1. Элементы линейной алгебры			
Тема 1. Матрицы и определители	Обзорная лекция	Решение задач	Не предусмотрено
Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений	Лекция-беседа, или «диалог с аудиторией»	Фронтальный опрос, выполнение практических заданий.	Не предусмотрено
Раздел 2. Аналитическая геометрия			
Тема 3. Прямая на плоскости и в пространстве	Обзорная лекция	Устный опрос, решение задач	Не предусмотрено
Тема 4. Кривые второго порядка	Лекция-беседа	Решение задач, работа в малых группах	Не предусмотрено
Раздел 3. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной			
Тема 5. Предел, непрерывность функции	Обзорная лекция	Решение задач	Не предусмотрено
Тема 6. Производная, основные теоремы дифференциального исчисления	Лекция-беседа	Фронтальный опрос, решение задач	Не предусмотрено
Тема 7. Исследование функций	Проблемная лекция	Решение задач, работа в малых группах	Не предусмотрено
Раздел 4. Интегральное исчисление функции одной переменной			
Тема 8. Неопределенный интеграл	Обзорная лекция	Решение задач	Не предусмотрено
Тема 9. Определенный интеграл. Геометриче-	Лекция-беседа	Комбинированный опрос, решение задач	Не предусмотрено

ские и физические приложения определенного интеграла			
Раздел 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики			
Тема 10. Вероятность	Обзорная лекция	Фронтальный опрос, решение задач	Не предусмотрено
Тема 11. Линейная корреляция	Обзорная лекция	Комбинированный опрос, решение задач	Не предусмотрено

6.2. Информационные технологии

- использование электронных учебников электронных библиотечных систем, доступ к которым предоставляется университетом;
- использование виртуальной обучающей среды LMS Moodle «Цифровое обучение» в учебном процессе (выполнение заданий, тестов, контрольных работ, разработанных преподавателем в Moodle);
- использование как источников информации сайтов, находящихся в Интернете в открытом доступе (электронные библиотеки, журналы, книги);
- использование возможностей электронной почты преподавателя (рассылка заданий, материалов, ответы на вопросы);
- использование средств представления учебной информации для проведения лекций и семинаров с использованием презентаций.

6.3. Программное обеспечение, современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

6.3.1. Программное обеспечение

Наименование программного обеспечения	Назначение
Adobe Reader	Программа для просмотра электронных документов
MathCad 14	Система компьютерной алгебры из класса систем автоматизированного проектирования, ориентированная на подготовку интерактивных документов с вычислениями и визуальным сопровождением
Платформа дистанционного обучения LMS Moodle	Виртуальная обучающая среда
Mozilla FireFox	Браузер
Microsoft Office 2013, Microsoft Office Project 2013, Microsoft Office Visio 2013	Пакет офисных программ
7-zip	Архиватор
Microsoft Windows 10 Professional	Операционная система
Kaspersky Endpoint Security	Средство антивирусной защиты
OpenOffice	Пакет офисных программ
Maple 18	Система компьютерной алгебры
MATLAB R2014a	Пакет прикладных программ для решения задач технических вычислений

6.3.2. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

Учебный год	Наименование современных профессиональных баз данных, информационных справочных систем
2025/2026	Электронный каталог Научной библиотеки АГУ на базе MARK SQL НПО «Информ-систем». https://library.asu.edu.ru
	Электронный каталог «Научные журналы АГУ»: http://journal.asu.edu.ru/
	Универсальная справочно-информационная полнотекстовая база данных периодических изданий ООО "ИВИС". http://dlib.eastview.com Имя пользователя: AstrGU Пароль: AstrGU
	Электронные версии периодических изданий, размещённые на сайте информационных ресурсов www.polpred.com
	Корпоративный проект Ассоциации региональных библиотечных консорциумов (АРБИ-КОН) «Межрегиональная аналитическая роспись статей» (МАРС) - сводная база данных, содержащая полную аналитическую роспись 1800 названий журналов по разным отраслям знаний. Участники проекта предоставляют друг другу электронные копии отсканированных статей из книг, сборников, журналов, содержащихся в фондах их библиотек. http://mars.arbicon.ru
	Справочная правовая система КонсультантПлюс. Содержится огромный массив справочной правовой информации, российское и региональное законодательство, судебную практику, финансовые и кадровые консультации, консультации для бюджетных организаций, комментарии законодательства, формы документов, проекты нормативных правовых актов, международные правовые акты, правовые акты, технические нормы и правила. http://www.consultant.ru

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ПО ДИСЦИПЛИНЕ

7.1. Паспорт фонда оценочных средств

При проведении текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине «Математика» проверяется сформированность у обучающихся компетенций, указанных в разделе 3 настоящей программы. Этапность формирования данных компетенций в процессе освоения образовательной программы определяется последовательным освоением дисциплин и прохождением практик, а в процессе освоения дисциплины – последовательным достижением результатов освоения содержательно связанных между собой разделов, тем.

Таблица 6. Соответствие разделов, тем дисциплины, результатов обучения по дисциплине и оценочных средств

Контролируемый раздел, тема дисциплины	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
Раздел 1. Элементы линейной алгебры	ОПК -1	КР№1
Тема 1. Матрицы и определители	ОПК -1	
Тема 2. Системы линейных алгебраических уравнений	ОПК -1	
Раздел 2. Аналитическая геометрия	ОПК -1	Экзамен
Тема 3. Прямая на плоскости и в пространстве	ОПК -1	

Контролируемый раздел, тема дисциплины	Код контролируемой компетенции	Наименование оценочного средства
Тема 4. Кривые второго порядка	ОПК -1	
Раздел 3. Введение в анализ. Дифференциальное исчисление функции одной переменной	ОПК -1	КР №2
Тема 5. Функция. Предел, непрерывность функции	ОПК -1	
Тема 6. Производная, основные теоремы дифференциального исчисления	ОПК -1	
Тема 7. Исследование функций	ОПК -1	
Раздел 4. Интегральное исчисление функции одной переменной	ОПК -1	КР №3
Тема 8. Неопределенный интеграл	ОПК -1	
Тема 9. Определенный интеграл. Геометрические и физические приложения определенного интеграла	ОПК -1	
Раздел 5. Элементы теории вероятностей и математической статистики	ОПК -1	
Тема 10. Вероятность	ОПК -1	КР №5
Тема 11. Линейная корреляция	ОПК -1	

7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций, описание шкал оценивания

Таблица 7. Показатели оценивания результатов обучения в виде знаний

Шкала оценивания	Критерии оценивания
5 «отлично»	демонстрирует глубокое знание теоретического материала, умение обоснованно излагать свои мысли по обсуждаемым вопросам, способность полно, правильно и аргументированно отвечать на вопросы, приводить примеры
4 «хорошо»	демонстрирует знание теоретического материала, его последовательное изложение, способность приводить примеры, допускает единичные ошибки, исправляемые после замечания преподавателя
3 «удовлетворительно»	демонстрирует неполное, фрагментарное знание теоретического материала, требующее наводящих вопросов преподавателя, допускает существенные ошибки в его изложении, затрудняется в приведении примеров и формулировке выводов
2 «неудовлетворительно»	демонстрирует существенные пробелы в знании теоретического материала, не способен его изложить и ответить на наводящие вопросы преподавателя, не может привести примеры

Таблица 8. Показатели оценивания результатов обучения в виде умений и владений

Шкала оценивания	Критерии оценивания
5 «отлично»	демонстрирует способность применять знание теоретического материала при выполнении заданий, последовательно и правильно выполняет задания, умеет обоснованно излагать свои мысли и делать необходимые выводы

Шкала оценивания	Критерии оценивания
	ды
4 «хорошо»	демонстрирует способность применять знание теоретического материала при выполнении заданий, последовательно и правильно выполняет задания, умеет обоснованно излагать свои мысли и делать необходимые выводы, допускает единичные ошибки, исправляемые после замечания преподавателя
3 «удовлетворительно»	демонстрирует отдельные, несистематизированные навыки, испытывает затруднения и допускает ошибки при выполнении заданий, выполняет задание по подсказке преподавателя, затрудняется в формулировке выводов
2 «неудовлетворительно»	не способен правильно выполнить задания

7.3. Контрольные задания и иные материалы, необходимые для оценки результатов обучения по дисциплине

Контрольные работы (средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме) проводятся как на практических занятиях, так и самостоятельно в системе Moodle.

Контрольная работа №1

1. Вычислить матрицу $D = (AB)' - C^2$, где $A := \begin{pmatrix} 2 & 3 & 4 \\ 1 & 0 & 3 \end{pmatrix}$, $B := \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$, $C := \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$.

2. Вычислить определитель:
- $$\begin{vmatrix} 2 & -5 & 4 & 3 \\ 3 & 0 & 1 & 0 \\ 4 & -9 & 8 & 5 \\ -3 & -2 & 1 & 7 \end{vmatrix}$$

3. Убедиться, что обратная матрица существует. Найти ее и выполнить проверку.

$$\begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 4 & 5 & 2 \\ 2 & 1 & 4 \end{pmatrix}$$

4. Решить систему уравнений методом обратной матрицы:
- $$\begin{cases} x_1 + 2x_2 + 2x_3 = 2 \\ 2x_1 + x_2 - 2x_3 = -4 \\ 2x_1 - 2x_2 + x_3 = -6 \end{cases}$$

5. Найти объем треугольной пирамиды, построенной на векторах $a(2,3,4)$, $b(6,2,2)$ и $c(3,7,1)$.

Контрольная работа №2

1. Найти пределы функций:

1. $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{x^3 - 3x - 2}{(x^2 - x - 2)^2}$; 2. $\lim_{x \rightarrow -8} \frac{\sqrt{1-x} - 3}{2 + \sqrt[3]{x}}$; 3. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x^5 - 3x^2 + 9}{2x^5 + 2x^2 - 5}$; 4. $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - \sqrt{x^2 + 3}}{\sqrt[4]{x^8 - 2} - x}$; 5. $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{4 - x^2}{\sin(x + 2)}$;

6. $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+7}{2x-3} \right)^{4x}$;

2. Исследовать данную функцию на непрерывность. Найти точки разрыва функции, если они существуют. Определить характер точек разрыва и величину скачка. Построить график функции.

$$а) y = \begin{cases} x+4, & x < -1, \\ \frac{x^2+2}{x}, & -1 \leq x < 1, \\ \frac{2}{x-3}, & x \geq 1; \end{cases} \quad б) y = \frac{5x-15}{x^2-5x+6}, \quad в) y = 1 - e^{\frac{1}{2-x}}.$$

3. В точке $x=0$ доопределить функцию таким образом, чтобы она стала непрерывной

$$y = \frac{x^3 + 2x^2 + 3x}{x}.$$

1-3. Найти производные указанных функций:

1. $y = \frac{2x^3}{\sqrt{4x+5}}$; 2. $y = \ln^3(2x + e^{-3x})$; 3. $y = 3e^{-2x} \cdot \operatorname{tg} 5x$.

4. Вычислить приближенно $\operatorname{ctg} 43^\circ$.

5. Используя метод логарифмического дифференцирования, вычислить производную функции

$$y = \frac{\sqrt[7]{(x+5)^6}}{(x-1)^2(x+3)^5}.$$

6. Для функции $\begin{cases} x = 3\sin t + \sin 3t, \\ y = 3\cos t + \cos 3t. \end{cases}$, заданной параметрически, найти $\frac{dy}{dx}$.

7. Провести полное исследование функции $y = \frac{x^2}{2(x-1)}$ и построить ее график.

Контрольная работа №3

Найти неопределенные интегралы:

1. $\int \left(\frac{4x}{\sqrt{3-x^2}} + \frac{1}{x\sqrt{1-4\ln^2 x}} \right) dx$; $\int (4x+7)\cos 3x dx$; $\int \frac{x+1}{x\sqrt{x-1}} dx$; $\int \frac{4x^2+3x+17}{(x-1)(x^2+2x+5)} dx$; $\int \sin 3x \cos 10x dx$.

2. Вычислить: а) $\int_{-1}^1 \frac{x}{\sqrt{9-8x}} dx$, б) $\int_0^1 x e^{-x} dx$, в) $\int_0^4 \frac{dx}{1+\sqrt{x}}$.

3. Оценить определенный интеграл $\int_1^8 \frac{dx}{\sqrt[3]{x-1}}$, не вычисляя.

4. Исследовать на сходимость: $\int_2^\infty \frac{dx}{\sqrt[3]{x-1}}$.

Контрольная работа №4

Задача №1. Из колоды в 36 карт вынимают 3 карты. Какова вероятность того, что среди извлеченных карт будет хотя бы 1 валет?

Задача № 2. Из букв слова «комбинаторика» наудачу извлекают 7 букв и раскладывают в ряд. Опыт повторяют 2 раза. Найдите вероятность того, что получатся слова «комната» и «картина» (после получения одного слова извлеченные буквы возвращаются обратно и опыт повторяется).

Задача №3. По самолету производится 3 одиночных выстрела. Вероятность попадания при первом выстреле равна 0,5, при втором – 0,6, при третьем – 0,8. При одном попадании самолет выходит из строя с вероятностью 0,3, при двух попаданиях – с вероятностью 0,6, при трех попаданиях самолет выходит из строя наверняка. Найти вероятность того, что в результате трех выстрелов самолет будет сбит.

Задача №4. В урне находятся 5 белых, 6 красных и 9 синих шаров. Наудачу извлекают 3 шара. Найти вероятность того, что среди извлеченных шаров будет:

А) хотя бы 1 красный шар; Б) хотя бы 2 синих шара.

Задача №5. Вероятности того, что во время работы цифровой электронной машины произойдет сбой в арифметическом устройстве, в оперативной памяти, в остальных устройствах, относятся как 3:2:5. Вероятности обнаружения сбоя в арифметическом устройстве, в оперативной памяти и в остальных устройствах соответственно равны 0,8; 0,9; 0,9. В машине был обнаружен сбой. Где вероятнее всего он произошел?

Перечень вопросов и заданий, выносимых на экзамен 1 семестр

1. Матрицы. Действия над ними. Обратная матрица. Ранг матрицы.
2. Определители. Их свойства и вычисление.
3. Миноры и алгебраические дополнения.
4. Системы 2-х и 3-х линейных уравнений. Формулы Крамера. Метод Гаусса.
5. Теорема Кронекера - Капелли.
6. Прямая на плоскости. Различные виды уравнений.
7. Расстояние от точки до прямой.
8. Плоскость в пространстве. Прямая в пространстве.
9. Взаимное расположение плоскости и прямой.
10. Кривые 2-го порядка, приведение к каноническому виду их уравнений.
11. Понятие функции. Композиция функций. Обратная функция.
12. Числовые функции. Ограниченные, монотонные, четные, нечетные, периодические
13. функции.
14. Предел функции в точке. Предел функции на бесконечности.
15. Бесконечные пределы функции. Общее окрестностное определение предела.
16. Предел сложной функции. Односторонние пределы.
17. Определение непрерывной функции. Свойства непрерывных в точке функций (одно с
18. доказательством).
19. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва.
20. Свойства непрерывных на промежутке функций.
21. Производная функции в точке, её геометрический и физический смысл.
22. Правила дифференцирования. Таблица производных.
23. Дифференцируемая функция. Дифференциал. Свойства дифференцируемых функций.
24. Основные теоремы дифференциального исчисления: теорема Ферма, теорема Ролля.
25. Основные теоремы дифференциального исчисления: теорема Ролля, теорема Лагранжа.
26. Правило Лопиталя. Уравнение касательной к графику функции.
27. Применения производных к исследованию функций: монотонность.
28. Применения производных к исследованию функций: экстремумы.
29. Применения производных к исследованию функций: выпуклость.
30. Применения производных к исследованию функций: асимптоты.
31. Полное исследование функции.
32. Первообразная и неопределенный интеграл.
33. Таблица основных интегралов. Основные свойства неопределенных интегралов.
34. Формула интегрирования по частям в неопределенном интеграле.
35. Формула замены переменной в неопределенном интеграле.
36. Интегрирование рациональных функций.
37. Интегрирование функций вида $R\left(x, \sqrt[m]{\frac{ax+b}{cx+d}}\right)$.
38. Интегрирование функций вида $R(x, \sqrt{ax^2 + bx + c})$.
39. Интегрирование функций вида $R(\sin x, \cos x)$.
40. Задача о площади криволинейной трапеции. Определение определенного интеграла.
41. Классы интегрируемых функций. Свойства определенного интеграла, выражаемые

42. равенствами.
 43. Свойства определенного интеграла, выражаемые неравенствами.
 44. Интеграл с переменным верхним пределом. Формула Ньютона-Лейбница.
 45. Формула интегрирования по частям для определенных интегралов.
 46. Формула замены переменной в определенном интеграле.
 47. Приложения определенного интеграла.
 48. Несобственные интегралы.

Таблица 9. Примеры оценочных средств с ключами правильных ответов

№ п/п	Тип задания	Формулировка задания	Правильный ответ	Время выполнения (в минутах)
ОПК-1. Способен применять базовые знания фундаментальных разделов наук о Земле, естественнонаучного и математического циклов при решении задач в области экологии и природопользования				
1.	Задание закрытого типа	Областью значений функции $f(x) = 0,5\arcsin x + 2$ является множество: 1) $[1,5; 2,5]$ 2) $\left(-\frac{\pi}{4} + 2; \frac{\pi}{4} + 2\right)$ 3) $(1,5; 2,5)$ 4) $\left[-\frac{\pi}{4} + 2; \frac{\pi}{4} + 2\right]$	4	2-3
2.		Значение предела $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + 3x + 1}{2x^2 + 5x + 3}$ равно 1) 0 2) 0,5 3) 1 4) -1	4	2
3.		Неопределенный интеграл $\int (3^x + \sin(1 - 5x)) dx$ равен 1) $3^x \ln 3 + \frac{1}{5} \cos(1 - 5x) + C$ 2) $\frac{3^x}{\ln 3} - \frac{1}{5} \cos(1 - 5x) + C$ 3) $\frac{3^x}{\ln 3} + \frac{1}{5} \cos(1 - 5x) + C$ 4) $3^x \ln 3 - \frac{1}{5} \cos(1 - 5x) + C$	3	2

№ п/п	Тип задания	Формулировка задания	Правильный ответ	Время выполнения (в минутах)
4.		Определитель матрицы $\begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha \\ -\sin \alpha & \cos \alpha \end{pmatrix}$ равен 1) $\cos 2x$ 2) 1 3) $\sin 2x$ 4) -1	2	1-2
5.	Задание комбинированного типа	Значение производной $y = 5e^x \sin x$ в точке $x_0 = 0$ равно: 1) 5 2) 0 3) 10 4) 2	1 Воспользуемся формулой производной произведения: $y' = 5(e^x)' \sin x + 5e^x (\sin x)' = 5e^x \cdot \sin x + 5e^x \cos x$. Преобразуем выражение: $y' = 5e^x (\sin x + \cos x)$. Найдем значение при $x=0$: $y'(0) = 5e^0 (\sin 0 + \cos 0) = 5$.	1-2
6.	Задание открытого типа	Материальная точка движется по закону $s = t^3 - t^2 + 8$. Чему равно ее ускорение в момент времени $t=1$?	4	1-2
7.		Чему равно значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 6x}{1 - \cos 2x}$?	9	2
8.		Чему равен определитель 3-го порядка $\begin{vmatrix} 2 & -3 & -1 \\ 3 & 1 & 2 \\ -5 & 1 & -2 \end{vmatrix}$?	-4	2-3
9.		Чему равен определенный интеграл $\int_0^{0,5\pi} (x+3) \sin x dx$?	4	3
10.		Значение предела $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 6x}{1 - \cos 2x}$ равно: 1) 9 2) 0 3) 3 4) 1	9	2

Полный комплект оценочных материалов по дисциплине (фонд оценочных средств) хранится в электронном виде на кафедре, утверждающей рабочую программу дисциплины.

7.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания результатов обучения по дисциплине

Таблица 10. Технологическая карта рейтинговых баллов по дисциплине

№ п/п	Контролируемые мероприятия	Количество мероприятий / баллы	Максимальное количество баллов	Срок представления
1 семестр				
Основной блок				
1.	Контрольная работа 1	1/10	10	По расписанию
2.	Контрольная работа 2	1/10	10	По расписанию
3.	Контрольная работа 3	1/10	10	По расписанию
4.	Контрольная работа 4	1/10	10	По расписанию
Всего			40	-
Блок бонусов				
5.	Посещение занятий	1	5	В течение семестра
6.	Своевременное выполнение всех заданий		5	В течение семестра
Всего			10	-
Дополнительный блок				
8.	Экзамен		50	
Всего			50	
ИТОГО			100	-

Таблица 11. Система штрафов (для одного занятия)

Показатель	Балл
<i>Опоздание на занятие без уважительной причины</i>	-0,5
<i>Нарушение учебной дисциплины</i>	-0,5
<i>Неготовность к занятию</i>	-0,5
<i>Пропуск занятия без уважительной причины</i>	-0,5

Таблица 12. Шкала перевода рейтинговых баллов в итоговую оценку за семестр по дисциплине

Сумма баллов	Оценка по 4-балльной шкале
90–100	5 (отлично)
85–89	4 (хорошо)
75–84	
70–74	
65–69	3 (удовлетворительно)
60–64	
Ниже 60	2 (неудовлетворительно)

При реализации дисциплины в зависимости от уровня подготовленности обучающихся могут быть использованы иные формы, методы контроля и оценочные средства, исходя из конкретной ситуации.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

8.1. Основная литература:

1. Балдин К.В., Высшая математика [Электронный ресурс] / Балдин К.В. - М. : ФЛИНТА, 2016. - 360 с. - ISBN 978-5-9765-0299-4 - Режим доступа: <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785976502994.html>
2. Баврин, И.И. Высшая математика : доп. М-вом образования РФ в качестве учеб. для студентов высш. пед. учеб. заведений, ... "Естественно-науч. образование" и ... "Физика", "Химия", "Биология", "География". - 5-е изд. ; стер. - М. : Академия, 2005. - 616 с. : рис., табл. - (Высш. проф. образование). - ISBN 5-7695-2411-1: 220-00, 227-70 : 220-00, 227-70. (42 экз.)

8.2. Дополнительная литература:

1. Кузнецов, Л.А. Сборник заданий по высшей математике: Типовые расчеты : доп. М-вом образования и науки РФ в качестве учеб. пособ. для студентов вузов ... по направлениям подготовки и специальностям в области естественных наук и математики, техники и технологий, образования и педагогики. - изд.11-е ; стереотип. - СПб. ; М. ; Краснодар : Лань, 2008. - 240 с. (19 экз.)

8.3. Интернет-ресурсы, необходимые для освоения дисциплины

1. Электронно-библиотечная система (ЭБС) ООО «Политехресурс» «Консультант студента». Многопрофильный образовательный ресурс «Консультант студента» является электронной библиотечной системой, предоставляющей доступ через сеть Интернет к учебной литературе и дополнительным материалам, приобретенным на основании прямых договоров с правообладателями. Каталог в настоящее время содержит около 15000 наименований. www.studentlibrary.ru. *Регистрация с компьютеров АГУ*
2. [Электронная библиотечная система IPRbooks. www.iprbookshop.ru](http://www.iprbookshop.ru)

9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Для проведения занятий по дисциплине «Математика» имеются лекционные аудитории, аудитории для проведения семинарских и практических занятий, оборудованные учебной мебелью и средствами наглядного представления учебных материалов: мультимедиапроектором или интерактивной доской; библиотека с местами, оборудованными компьютерами, имеющими доступ к сети Интернет.

10. ОСОБЕННОСТИ РЕАЛИЗАЦИИ ДИСЦИПЛИНЫ ПРИ ОБУЧЕНИИ ИНВАЛИДОВ И ЛИЦ С ОГРАНИЧЕННЫМИ ВОЗМОЖНОСТЯМИ ЗДОРОВЬЯ

Рабочая программа дисциплины при необходимости может быть адаптирована для обучения (в том числе с применением дистанционных образовательных технологий) лиц с ограниченными возможностями здоровья, инвалидов. Для этого требуется заявление обучающихся, являющихся лицами с ограниченными возможностями здоровья, инвалидами, или их законных представителей и рекомендации психолого-медико-педагогической комиссии. При обучении лиц с ограниченными возможностями здоровья учитываются их индивидуальные психофизические особенности. Обучение инвалидов осуществляется также в соответствии с индивидуальной программой реабилитации инвалида (при наличии).

Для лиц с нарушением слуха возможно предоставление учебной информации в визуальной форме (краткий конспект лекций; тексты заданий, напечатанные увеличенным шрифтом),

на аудиторных занятиях допускается присутствие ассистента, а также сурдопереводчиков и тифлосурдопереводчиков. Текущий контроль успеваемости осуществляется в письменной форме: обучающийся письменно отвечает на вопросы, письменно выполняет практические задания. Доклад (реферат) также может быть представлен в письменной форме, при этом требования к содержанию остаются теми же, а требования к качеству изложения материала (понятность, качество речи, взаимодействие с аудиторией и т. д.) заменяются на соответствующие требования, предъявляемые к письменным работам (качество оформления текста и списка литературы, грамотность, наличие иллюстрационных материалов и т. д.). Промежуточная аттестация для лиц с нарушениями слуха проводится в письменной форме, при этом используются общие критерии оценивания. При необходимости время подготовки к ответу может быть увеличено.

Для лиц с нарушением зрения допускается аудиальное предоставление информации, а также использование на аудиторных занятиях звукозаписывающих устройств (диктофонов и т. д.). Допускается присутствие на занятиях ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь. Текущий контроль успеваемости осуществляется в устной форме. При проведении промежуточной аттестации для лиц с нарушением зрения тестирование может быть заменено на устное собеседование по вопросам.

Для лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата, на аудиторных занятиях, а также при проведении процедур текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации могут быть предоставлены необходимые технические средства (персональный компьютер, ноутбук или другой гаджет); допускается присутствие ассистента (ассистентов), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь (занять рабочее место, передвигаться по аудитории, прочитать задание, оформить ответ, общаться с преподавателем).