

МИНОБРАЗОВАНИЯ РОССИИ
АСТРАХАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ

СОГЛАСОВАНО

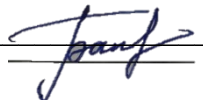
Руководитель ОПОП

Мешкова А.П.

« 02 » 06 2020 г.

УТВЕРЖДАЮ

Заведующий кафедрой МиМП

 И.А. Байгушева

« 04 » 06 2020 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

МЕТОДЫ ОПИМАЛЬНЫХ РЕШЕНИЙ

Составитель(-и)

Ларина О.В., к.ф.-м.н., доцент, доцент кафедры
математики и методики её преподавания

Направление подготовки

38.05.01 «Экономическая безопасность»

Направленность (профиль) ОПОП

НАЗВАНИЕ НАПРАВЛЕННОСТИ (ПРОФИЛЯ)

Квалификация (степень)

экономист

Форма обучения

заочная

Год приема (курс)

2019 (2)

Астрахань, 2020 г.

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

1.1. **Цель** освоения дисциплин «Методы оптимальных решений» – овладение студентами методами оптимальных решений профессиональных задач экономиста.

1.2. Поставленная цель определяет **задачи** дисциплин:

- развитие творческого и логического мышления;
- овладение фундаментальными понятиями и основными методами оптимальных решений;
- формирование умения применять полученные математические знания при решении учебных профессиональных задач экономиста;
- способность самостоятельно приобретать необходимые математические знания.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОП ВО

Дисциплина «Методы оптимальных решений» относится к математическому циклу образовательной программы специалиста по направлению подготовки 38.05.01 «Экономическая безопасность» и преподаётся в течение III семестра.

2.1. Учебная дисциплина «Методы оптимальных решений» относится к математическому и естественнонаучному циклу дисциплин вариативной части.

2.2. Для изучения данной учебной дисциплины (модуля) необходимы следующие знания, умения и навыки, формируемые предшествующими дисциплинами:

- математический анализ, линейная алгебра, геометрия, экономика.

Изучение дисциплины предполагает:

знание основ арифметики, математического анализа, линейной алгебры, геометрии, полученных ранее,

умение строить график линейной функции, определять координаты точек на плоскости, решать системы линейных уравнений, выполнять действия с дробями,

владение навыками анализа и обработки исходных данных, выбора методов решения, анализа полученного результата в процессе решения текстовых задач.

2.3. Перечень последующих учебных дисциплин, для которых необходимы знания, умения и навыки, формируемые данной учебной дисциплиной:

- *теория игр, экономический анализ, экономика региона, управление затратами и результатами деятельности фирмы.*

Данный курс углубляет и расширяет представления студента о применении математических методов в экономических, политических, социальных исследованиях и повседневной жизни.

3. КОМПЕТЕНЦИИ ОБУЧАЮЩЕГОСЯ, ФОРМИРУЕМЫЕ В РЕЗУЛЬТАТЕ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование элементов следующих компетенций в соответствии с ФГОС ВПО и ОП ВО по данному направлению подготовки:

а). общекультурные (ОК): ОК-12 - способность работать с различными информационными ресурсами и технологиями, применять основные методы, способы и средства получения, хранения, поиска, систематизации, обработки и передачи информации;

б). общепрофессиональные (ОПК): ОПК-1 – способность применять математический инструментарий для решения экономических задач.

Компетенции		Планируемые результаты освоения дисциплины		
Код в ОП	Название	Знать	Уметь	Владеть
ОК-12	Способен работать с различными информационными ресурсами и технологиями, применять основные методы, способы и средства получения, хранения, поиска, систематизации, обработки и передачи информации;	Виды различных информационных ресурсов и технологий	Выделять, анализировать и обрабатывать математические объекты с помощью информационных технологий	Навыками самостоятельного выделения, анализа и обработки данных, необходимые для решения профессиональной задачи экономиста
ОПК-1	Способен применять математический инструментарий для решения экономических	Основные виды математических методов решения профессиональных задач экономиста	Выбирать и применять математические методы в соответствии с поставленной	навыками самостоятельного выбора метода решения профессиональных задач экономиста, анализа полученных результатов

	задач.		профессиональной задачей экономиста	
--	--------	--	---	--

4. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

На изучение дисциплины отводится 108 академических часов (3 зачетные единицы), из них 8 аудиторных учебных часа, в том числе 4 часа лекций, 4 часа лабораторных работ и 100 часов на самостоятельную работу. Форма итогового контроля - экзамен.

Таблица 2. Структура и содержание дисциплины (модуля)

№ п/п	Наименование раздела (темы)	Семестр	Неделя семестра	Контактная работа (в часах)			Самосто ят. работа		Формы текущего контроля успеваемости <i>(по неделям семестра)</i> Форма промежуточной аттестации <i>(по семестрам)</i>
				Л	ПЗ	ЛР	СР	КР	
1	Введение	3	1				1		
2	Раздел 1. Линейное программирование	3		4		4	49		
3	Тема 1. Задачи линейного программирования (ЗЛП)	3	2,3	1			7		К.р.№ 1
4	Тема 2. Графическое решение ЗЛП	3	4,5	1		1	7		
5	Тема 3. Двойственные задачи линейного программирования	3	6,7				7		К.р.№ 2
6	Тема 4. Симплексный метод решения ЗЛП	3	8,9	1		2	7		К.р.№ 3
7	Тема 5. Транспортная задача (ТЗ)	3	10, 11	1		1	7		
8	Тема 6. Приложение ТЗ к решению экономических задач	3	12, 13				7		К.р.№ 4
9	Тема 7. Задачи целочисленного программирования	3	14, 15				7		К.р.№ 5
10	Раздел 2. Нелинейное программирование	3					50		К.р.№ 6
11	Тема 8. Задачи нелинейного программирования (ЗНП)	3	16				10		
12	Тема 9. Классические методы оптимизации	3	16				10		
13	Тема 10. Элементы выпуклого анализа	3	17				10		
14	Тема 11. Задачи динамического программирования	3	17, 18				10		
15	Тема 12. Задачи сетевого планирования и управления	3	18				10		
ИТОГО				4		4	100		ЭКЗАМЕН

Содержание дисциплины

Введение

Предмет, структура, цели и роль дисциплины «Методы оптимальных решений». Основные понятия дисциплины.

Раздел 1. Линейное программирование

Тема 1. Задачи линейного программирования (ЗЛП)

Примеры ЗЛП: задача о пищевом рационе, задача о распределении ресурсов. Математическая модель ЗЛП в различных эквивалентных постановках: общей, стандартной, канонической. Основные понятия линейного программирования.

Тема 2. Графическое решение ЗЛП

Алгоритм графического решения ЗЛП для двумерных и трёхмерных случаев. Графическая иллюстрация различных результатов решения ЗЛП: 1) существует единственное оптимальное решение; 2) существует бесконечное множество оптимальных решений; 3) оптимального решения нет, т.к. целевая функция неограниченна на множестве допустимых решений; 4) оптимального решения нет, т.к. множество допустимых решений пусто.

Тема 3. Двойственные задачи линейного программирования

Симметричные и несимметричные пары двойственных ЗЛП. Экономическая интерпретация пары двойственных задач. Первая, вторая и третья теоремы двойственности.

Тема 4. Симплексный метод решения ЗЛП

Алгоритм симплексного метода. Признак оптимальности допустимого базисного решения. Признак неединственности оптимального решения. Признак неограниченности целевой функции на множестве допустимых решений. Метод искусственного базиса.

Тема 5. Транспортная задача (ТЗ)

Математическая модель ТЗ закрытого типа. Теорема о существовании оптимального решения транспортной задачи. Методы нахождения исходного допустимого базисного решения ТЗ. Решение ТЗ методом потенциалов. Решение ТЗ открытого типа.

Тема 6. Приложение ТЗ к решению экономических задач

Задача об увеличении производительности автомобильного транспорта за счет минимизации порожнего пробега. Задача об оптимальном закреплении за станками операций по обработке деталей. Задача о занятости.

Тема 7. Задачи целочисленного программирования

Математическая модель задачи целочисленного программирования. Решение задачи целочисленного программирования методом Гомори. Геометрическая иллюстрация метода Гомори.

Раздел 2. Нелинейное программирование

Тема 8. Задачи нелинейного программирования (ЗНП)

Математические модели ЗНП. Графическое решение ЗНП для двумерного случая.

Тема 9. Классические методы оптимизации

Классическая задача оптимизации как частный пример ЗНП. Алгоритм метода Лагранжа. Классические методы математического анализа решения некоторых видов ЗНП. Квадратичное программирование.

Тема 10. Элементы выпуклого анализа

Производная по направлению и градиент. Выпуклая и вогнутая функции. Задача выпуклого программирования (ЗВП). Условие регулярности. Теорема Куна-Таккера. Приближенное решение ЗВП.

Тема 11. Задачи динамического программирования

Общая постановка задачи динамического программирования (ЗДП). Принцип оптимальности и уравнения Беллмана. Задача о распределении средств между предприятиями. Задача о замене оборудования.

Тема 12. Задачи сетевого планирования и управления

Сетевая модель и её основные элементы. Модель с промежуточными пунктами. Модель назначений. Модель выбора кратчайшего пути. Алгоритмы решения сетевых задач.

Таблица 3. Матрица соотнесения тем/разделов учебной дисциплины/модуля и формируемых в них компетенций

Темы, разделы дисциплины	Кол-во часов	Компетенции			общее количество компетенций
		ОК-12	ОПК-1		
Введение	5		+		1
Раздел 1. Линейное программирование	73	5	7		12
Тема 1. Задачи линейного программирования (ЗЛП)	10		+		1
Тема 2. Графическое решение ЗЛП	10	+	+		2
Тема 3. Двойственные задачи линейного программирования	11		+		1
Тема 4. Симплексный метод решения ЗЛП	11	+	+		2
Тема 5. Транспортная задача (ТЗ)	11	+	+		2
Тема 6. Приложение ТЗ к решению экономических задач	10	+	+		2

Тема 7. Задачи целочисленного программирования	10	+	+	2
Раздел 2. Нелинейное программирование	28	2	5	7
Тема 8. Задачи нелинейного программирования (ЗНП)	5		+	1
Тема 9. Классические методы оптимизации	5		+	1
Тема 10. Элементы выпуклого анализа	5	+	+	2
Тема 11. Задачи динамического программирования	7		+	1
Тема 12. Задачи сетевого планирования и управления	5	+	+	2
Итого	108	7	13	20

5. ПЕРЕЧЕНЬ УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОГО ОБЕСПЕЧЕНИЯ ДЛЯ САМОСТОЯТЕЛЬНОЙ РАБОТЫ ОБУЧАЮЩИХСЯ

5.1. На лекционных занятиях объясняются основные факты, понятия, определения, теоремы по изучаемой тематике, выводятся формулы, доказываются теоремы. В ходе лекции необходимо вовлекать студентов в процесс получения новых знаний, задавая им вопросы по тем фактам, которые были изучены в школе и подводя их логически к новым знаниям. Также на лекции можно разобрать решение конкретной задачи, как пример применения изученного материала.

На практических занятиях разбираются решения задач различного типа, обращая внимание на нюансы. При этом у доски работают студенты, как исследователи, а преподаватель руководит этим процессом, направляя его в нужное русло.

5.2. При подготовке к практическим занятиям студент должен повторить материал лекции по пройденной теме, проанализировать решенные в классе задачи и выполнить домашнюю работу. Все вопросы, возникшие при выполнении самостоятельной работы, разбираются на аудиторных занятиях.

Контроль знаний проводится в виде письменных контрольных аудиторных работ и индивидуальных заданий. В конце курса предусмотрен экзамен.

Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение, определяются в процессе изучения дисциплины и зависят от уровня подготовки студентов.

Таблица 4
Содержание самостоятельной работы обучающихся

Номер	Темы/вопросы, выносимые на	Кол-во	Формы работы
-------	----------------------------	--------	--------------

радела (темы)	самостоятельное изучение	часов	
1	Введение	1	
2	Раздел 1. Линейное программирование	49	
3	Тема 1. Задачи линейного программирования (ЗЛП)	7	Изучение теоретического материала; Выполнение домашних заданий; Выполнение домашних контрольных работ; Подготовка и сдача экзамена
4	Тема 2. Графическое решение ЗЛП	7	
5	Тема 3. Двойственные задачи линейного программирования	7	
6	Тема 4. Симплексный метод решения ЗЛП	7	
7	Тема 5. Транспортная задача (ТЗ)	7	
8	Тема 6. Приложение ТЗ к решению экономических задач	7	
9	Тема 7. Задачи целочисленного программирования	7	
10	Раздел 2. Нелинейное программирование	50	
11	Тема 8. Задачи нелинейного программирования (ЗНП)	10	Весь материал по этому разделу изучается студентами самостоятельно
12	Тема 9. Классические методы оптимизации	10	
13	Тема 10. Элементы выпуклого анализа	10	
14	Тема 11. Задачи динамического программирования	10	
15	Тема 12. Задачи сетевого планирования и управления	10	

5.3. Все контрольные работы выполняются письменно. Они должны содержать обоснование решения задачи в виде теоретического материала (определение используемых понятий, формулировки применяемых в процессе решения теорем, формулы для вычисления), вычислительный процесс, выводы в соответствии с полученным решением. Проверить решение на компьютере в Microsoft Excel.

6. ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Эффективное освоение учебной дисциплины подразумевает посещение лекций, активную работу на практических занятиях, выполнение домашних заданий и успешное выполнение контрольных работ.

При реализации различных видов учебной работы по дисциплине могут использоваться электронное обучение и дистанционные образовательные технологии.

6.1. Образовательные технологии

№	Формы	Описание
1.	Проблемное обучение	Систематическое включение студентов в поиск решения новых для них проблем в процессе обучения (на лекциях и

		практических занятиях), что повышает их учебную мотивацию и активизирует учебную деятельность.
2.	Контекстное обучение	Изучение математических понятий и методов в контексте профессиональной деятельности экономиста

Образовательные технологии: развитие у обучающихся способности принятия оптимальных решений на практике решения оптимизационных задач (групповые дискуссии, анализ ситуаций).

Учебные занятия по дисциплине могут проводиться с применением информационно-телекоммуникационных сетей при опосредованном (на расстоянии) интерактивном взаимодействии обучающихся и преподавателя в режимах on-line и/или off-line в формах: видеолекций, лекций-презентаций, видеоконференции, собеседования в режиме чат, форума, чата, выполнения виртуальных практических и/или лабораторных работ и др.

6.2. Информационные технологии:

При реализации различных видов учебной и внеучебной работы используются следующие информационные технологии: виртуальная обучающая среда (или система управления обучением LMS Moodle) или иные информационные системы, сервисы и мессенджеры

- использование возможностей Интернета в учебном процессе (использование информационного сайта преподавателя (рассылка заданий, предоставление выполненных работ, ответы на вопросы, ознакомление учащихся с оценками и т.д.));

- использование электронных учебников и различных сайтов (например, электронные библиотеки, журналы и т.д.) как источников информации;

- использование возможностей электронной почты преподавателя;

- использование средств представления учебной информации (электронных учебных пособий и практикумов, применение новых технологий для проведения очных (традиционных) лекций и семинаров с использованием презентаций и т.д.);

- использование интерактивных средств взаимодействия участников образовательного процесса (технологии дистанционного или открытого обучения в глобальной сети (веб-конференции, форумы, учебно-методические материалы и др.).

6.3. Перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

Перечень лицензионного программного обеспечения

2020-2021 уч.г.

Наименование программного	Назначение
---------------------------	------------

обеспечения	
Adobe Reader	Программа для просмотра электронных документов
MathCad 14	Система компьютерной алгебры из класса систем автоматизированного проектирования, ориентированная на подготовку интерактивных документов с вычислениями и визуальным сопровождением
Платформа дистанционного обучения LMS Moodle	Виртуальная обучающая среда
1С: Предприятие 8	Система автоматизации деятельности на предприятии
Mozilla FireFox	Браузер
Microsoft Office 2013, Microsoft Office Project 2013, Microsoft Office Visio 2013	Пакет офисных программ
7-zip	Архиватор
Microsoft Windows 7 Professional	Операционная система
Kaspersky Endpoint Security	Средство антивирусной защиты
KOMPAS-3D V13	Создание трехмерных ассоциативных моделей отдельных элементов и сборных конструкций из них
Blender	Средство создания трехмерной компьютерной графики
Cisco Packet Tracer	Инструмент моделирования компьютерных сетей
Google Chrome	Браузер
CodeBlocks	Кроссплатформенная среда разработки
Eclipse	Среда разработки
Far Manager	Файловый менеджер
Lazarus	Среда разработки
Notepad++	Текстовый редактор
OpenOffice	Пакет офисных программ
Opera	Браузер
Paint .NET	Растровый графический редактор
PascalABC.NET	Среда разработки
PyCharm EDU	Среда разработки

R	Программная среда вычислений
Scilab	Пакет прикладных математических программ
Sofa Stats	Программное обеспечение для статистики, анализа и отчетности
VirtualBox	Программный продукт виртуализации операционных систем
VLC Player	Медиапроигрыватель
VMware (Player)	Программный продукт виртуализации операционных систем
WinDjView	Программа для просмотра файлов в формате DJV и DjVu
Maple 18	Система компьютерной алгебры
MATLAB R2014a	Пакет прикладных программ для решения задач технических вычислений
Microsoft Visual Studio	Среда разработки
Oracle SQL Developer	Среда разработки
VISSIM 6	Программа имитационного моделирования дорожного движения
VISUM 14	Система моделирования транспортных потоков
IBM SPSS Statistics 21	Программа для статистической обработки данных
ObjectLand	Геоинформационная система
КРЕДО ТОПОГРАФ	Геоинформационная система
Полигон Про	Программа для кадастровых работ

Перечень электронно-библиотечных систем (ЭБС)

<i>Учебный год</i>	<i>Наименование ЭБС</i>
2020/2021	Электронная библиотека «Астраханский государственный университет» собственной генерации на платформе ЭБС «Электронный Читальный зал – БиблиоТех». https://biblio.asu.edu.ru <i>Учетная запись образовательного портала АГУ</i>
	Электронно-библиотечная система (ЭБС) ООО «Политехресурс» «Консультант студента». Многопрофильный образовательный ресурс «Консультант студента» является электронной

	библиотечной системой, предоставляющей доступ через сеть Интернет к учебной литературе и дополнительным материалам, приобретенным на основании прямых договоров с правообладателями. Каталог в настоящее время содержит около 15000 наименований. www.studentlibrary.ru . Регистрация с компьютеров АГУ
	Электронная библиотечная система издательства ЮРАЙТ, раздел «Легендарные книги». www.biblio-online.ru
	Электронная библиотечная система IPRbooks. www.iprbookshop.ru

7. ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ ДЛЯ ТЕКУЩЕГО КОНТРОЛЯ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

7.1. Паспорт фонда оценочных средств

При проведении текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине «Методы оптимальных решений» проверяется сформированность у обучающихся компетенций, указанных в разделе 3 настоящей программы. Этапность формирования данных компетенций в процессе освоения образовательной программы определяется последовательным освоением дисциплин (модулей) и прохождением практик, а в процессе освоения дисциплины (модуля) – последовательным достижением результатов освоения содержательно связанных между собой разделов, тем.

**Соответствие разделов, тем дисциплины (модуля),
результатов обучения по дисциплине (модулю) и оценочных средств**

№ п/п	Контролируемые разделы (темы) дисциплины*	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	Задачи линейного программирования (ЗЛП)	ОПК-1	К.р №1
2	Двойственные задачи линейного программирования	ОПК-1, ОК-12	К.р №2
3	Симплексный метод решения ЗЛП	ОПК-1, ОК-12	К.р №3
4	Приложение ТЗ к решению экономических задач	ОПК-1, ОК-12	К.р №4
5	Задачи целочисленного программирования	ОПК-1, ОК-12	К.р №5

6	Нелинейное программирование	ОПК-1, ОК-12	К.р №6
---	-----------------------------	--------------	--------

7.2. Описание показателей и критериев оценивания компетенций, описание шкал оценивания

Показатели оценивания результатов обучения в виде знаний

Шкала оценивания	Критерии оценивания
5 «отлично»	демонстрирует глубокое знание теоретического материала, умение обоснованно излагать свои мысли по обсуждаемым вопросам, способность полно, правильно и аргументированно отвечать на вопросы, приводить примеры
4 «хорошо»	демонстрирует знание теоретического материала, его последовательное изложение, способность приводить примеры, допускает единичные ошибки, исправляемые после замечания преподавателя
3 «удовлетворительно»	демонстрирует неполное, фрагментарное знание теоретического материала, требующее наводящих вопросов преподавателя, допускает существенные ошибки в его изложении, затрудняется в приведении примеров и формулировке выводов
2 «неудовлетворительно»	демонстрирует существенные пробелы в знании теоретического материала, не способен его изложить и ответить на наводящие вопросы преподавателя, не может привести примеры

Показатели оценивания результатов обучения в виде умений и владений

Шкала оценивания	Критерии оценивания
5 «отлично»	демонстрирует способность применять знание теоретического материала при выполнении заданий, последовательно и правильно выполняет задания, умеет обоснованно излагать свои мысли и делать необходимые выводы
4 «хорошо»	демонстрирует способность применять знание теоретического материала при выполнении заданий, последовательно и правильно выполняет задания, умеет обоснованно излагать свои мысли и делать необходимые выводы, допускает единичные ошибки, исправляемые после замечания преподавателя
3 «удовлетворительно»	демонстрирует отдельные, несистематизированные навыки, не способен применить знание теоретического материала при выполнении заданий, испытывает затруднения и допускает ошибки при выполнении заданий, выполняет задание при подсказке преподавателя, затрудняется в формулировке выводов
2	не способен правильно выполнить задание

«неудовлетворительно»	
-----------------------	--

7.3. Контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Типовые задания для контрольных работ

Контрольная работа № 1.

1. Дать определение одному из основных понятий.
2. Привести к канонической (стандартной) форме задачу линейного программирования (ЗЛП):

$$z = x_1 - x_2 + 3x_3 \rightarrow \max,$$

$$x_1 \geq 0, x_3 \geq 0,$$

$$\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 \leq 5 \\ x_1 + 2x_3 = 8 \\ -x_1 - 2x_2 \geq 1 \end{cases}$$

3. Составить модель ЗЛП.

Предприятие располагает тремя производственными ресурсами (сырьем, оборудованием и электроэнергией) и может организовать производство продукции двумя различными способами. Расход ресурсов за один месяц и общий ресурс при каждом способе производства даны в таблице (в условных единицах).

Производственные ресурсы	Расход ресурсов за 1 месяц при работе		Общий ресурс
	1-й способ	2-й способ	
сырье	1	2	4
оборудование	1	1	3
электроэнергия	2	1	8

При первом способе производства предприятие выпускает за один месяц 3 тысячи изделий, при втором – 4 тысячи изделий.

Сколько месяцев должно работать предприятие каждым из этих способов, чтобы при наличных ресурсах обеспечить максимальный выпуск продукции?

Контрольная работа № 2.

1. Составить математическую модель ЗЛП.
2. Составить модель двойственной задачи.
3. Одну из них решить графически, решение другой найти используя теорему двойственности 2.
4. Проверить решение в Microsoft Excel.

Контрольная работа № 3.

1. Составить математическую модель ЗЛП.
2. Решить задачу симплексным методом.
3. Проверить решение в Microsoft Excel.

Контрольная работа № 4.

1. Решить транспортную задачу:

	27	32	71	30
50	5	3	4	5
60	1	2	2	3
30	4	8	7	6

2. Проверить решение в Microsoft Excel.

Контрольная работа № 5.

1. Найти полностью целочисленное решение ЗЛП методом Гомори. Выполнить геометрическую иллюстрацию:

$$z = x_1 + x_2 \rightarrow \max,$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0,$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 2x_2 \leq 5 \\ x_2 \leq 2 \end{cases}.$$

Проверить решение в Microsoft Excel.

Домашняя контрольная работа № 6.

1. Решить графически задачи нелинейного программирования (ЗНП):

$$\begin{aligned} & a) z = x_1 + x_2 \rightarrow \min(\max), \\ & b) z = (x_1 - 3)^2 + (x_2 - 6)^2 \rightarrow \min(\max), \\ & c) z = |x_1 - 5| + x_2 \rightarrow \min(\max), \\ & x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x_1 \leq 3 \\ 5x_1 + 3x_2 \leq 24 \end{cases}.$$

2. Решить ЗНП методом классической оптимизации:

$$z = 2x_1^2 + x_2^2 + x_1x_2 - 11x_1 - 8x_2 \rightarrow \min(\max),$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0,$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 \leq 24 \\ 3x_1 + x_2 \leq 15 \end{cases}.$$

3. Решить ЗНП методом Лагранжа:

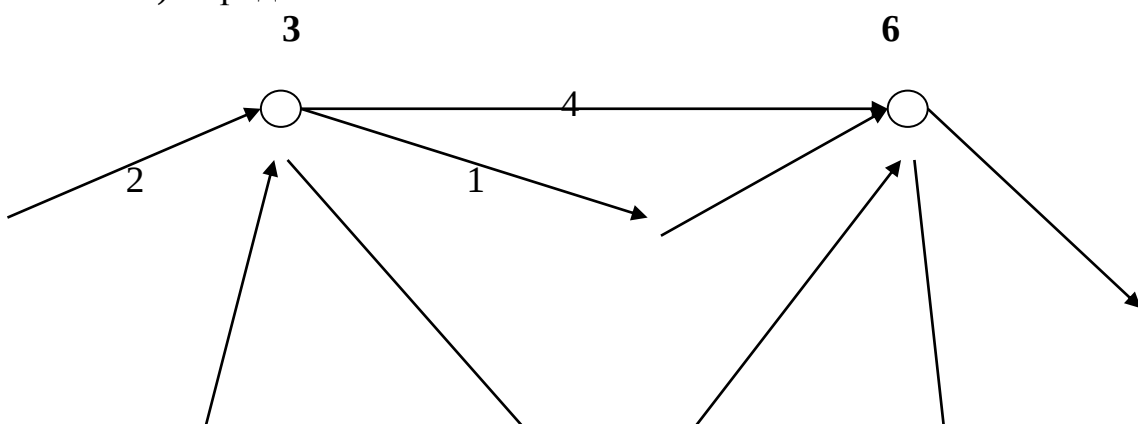
$$z = x_1^2 - x_2^2 \rightarrow \min(\max) \text{ в области } x_1^2 + x_2^2 \leq 16, \text{ при условии } x_1 - x_2 = 4.$$

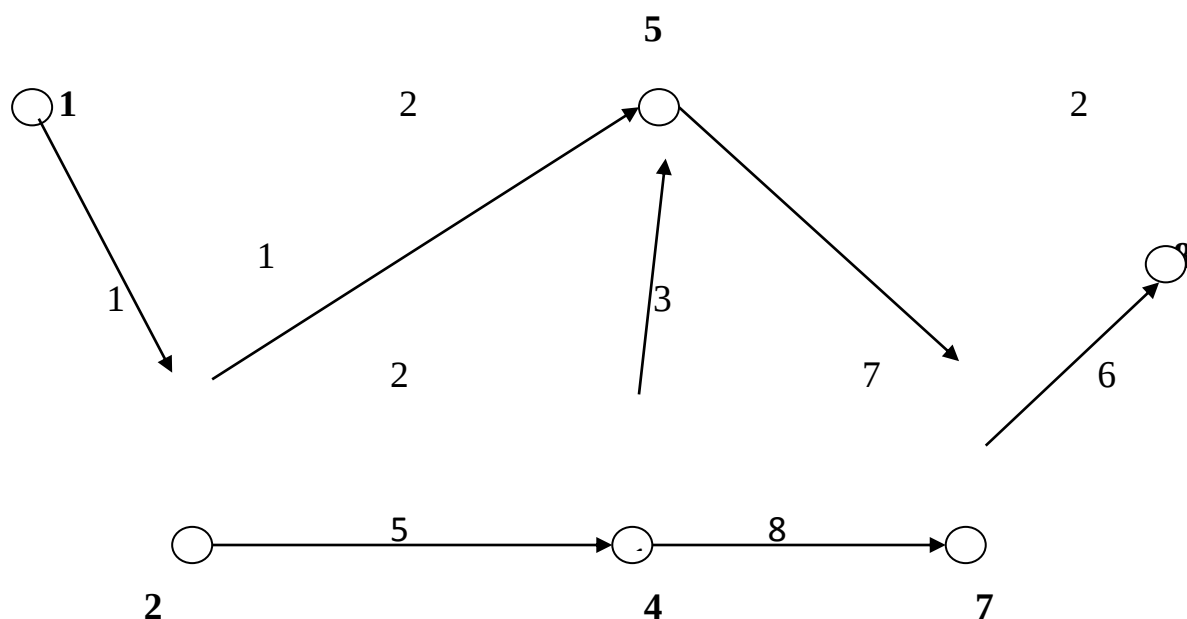
4. Решить задачу 1.b) методом скорейшего спуска.

5. Найти оптимальное распределение ресурсов S_0 между двумя отраслями производств I, II в течение $n=4$ лет, если даны функции доходов $f_1(x) = 0,4x^2$, $f_2(x) = 0,3x$ для каждой отрасли, функции возврата $g_1(x) = 0,5x$, $g_2(x) = 0,8x$. По истечении года только все возвращенные средства перераспределяются, доход в производство не вкладывается.

6. На рисунке показана транспортная сеть, соединяющая восемь городов, и расстояния между ними. Найдите кратчайшие маршруты между следующими городами:

- 1) города 1 и 8;
- 2) города 1 и 6;
- 3) города 4 и 8.





Вопросы к экзамену

1. Математическая модель ЗЛП. Основные понятия линейного программирования.
2. Эквивалентность общей, стандартной и канонической постановок ЗЛП.
3. Графическое решение ЗЛП для двумерного случая. Возможные результаты решения ЗЛП.
4. Алгебраические понятия в линейном программировании. Теорема о существовании допустимого базисного решения ЗЛП.
5. Выпуклые множества. Выпуклость множеств допустимых решений и оптимальных решений ЗЛП.
6. Теорема о наличии оптимального решения в крайней точке множества допустимых решений ЗЛП.
7. Связь между алгебраическими и геометрическими понятиями линейного программирования.
8. Симплексный метод решения ЗЛП. Признак оптимальности базисного решения.
9. Признак неединственности оптимального решения. Признак неограниченности целевой функции на множестве допустимых решений.
10. Метод искусственного базиса.
11. Геометрическая интерпретация симплексного метода.
12. Двойственные задачи линейного программирования. Первая теорема двойственности.
13. Вторая и третья теоремы двойственности.
14. Двойственный симплексный метод.
15. Транспортная задача (ТЗ) закрытого типа. Теорема о существовании оптимального решения ТЗ.
16. Методы определения исходного базисного решения ТЗ.

- 17.Решение ТЗ методом потенциалов. Теорема о существовании потенциалов.
- 18.Приложения ТЗ к решению некоторых экономических задач.
- 19.Математическая модель задачи целочисленного программирования. Её геометрическая интерпретация для двумерного случая.
- 20.Метод Гомори.
- 21.Математические модели задач нелинейного программирования (ЗНП).
- 22.Графическое решение ЗНП для двумерного случая.
- 23.Метод Лагранжа.
- 24.Решение ЗНП классическими методами математического анализа.
- 25.Квадратичное программирование.
- 26.Производная по направлению и градиент.
- 27.Выпуклая и вогнутая функции. Задача выпуклого программирования (ЗВП).
- 28.Условие регулярности. Теорема Куна-Таккера.
- 29.Приближенное решение ЗВП.
- 30.Общая постановка задачи динамического программирования (ЗДП).
- 31.Принцип оптимальности и уравнения Беллмана.
- 32.Задача о распределении средств между предприятиями.
- 33.Задача о замене оборудования.
- 34.Сетевая модель и её основные элементы. Модель с промежуточными пунктами.
- 35.Модель назначений. Модель выбора кратчайшего пути.
- 36.Алгоритмы решения сетевых задач.

7.4. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

ТЕХНОЛОГИЧЕСКАЯ КАРТА

Максимальное количество баллов за работу в

течение семестра: **50 баллов**

итоговый контроль: **50 баллов**

№ п/п	Контролируемые мероприятия	Количество мероприятий/баллы	Максимальное количество баллов	Срок предоставления
Основной блок				
1.	Контрольная работа по теме «Задачи линейного программирования»	1	4	по расписанию
2.	Контрольная работа по теме «Двойственные задачи линейного программирования»	1	8	по расписанию
3.	Контрольная работа по теме			

	«Симплексный метод решения ЗЛП»	1	8	по расписанию
Количество баллов к рубежному контролю (9 неделя)			20	
4.	Контрольная работа по теме «Приложение ТЗ к решению экономических задач»	1	7	по расписанию
5.	Контрольная работа по теме «Задачи целочисленного программирования»	1	7	по расписанию
6.	Контрольная работа по теме «Нелинейное программирование»	1	6	по расписанию
Количество баллов к рубежному контролю (18 неделя)			40	
Промежуточный контроль:			40	
7.	Блок бонусов			
7.1.	Посещение занятий	0,1 балл за занятие, но не более 2	10	по расписанию
7.2.	Активность студента на занятиях	0,3 балла за занятие, но не более 3		
7.3.	Выполнение домашнего задания	0,3 балла за занятие, но не более 3		
7.4.	Знание материала выходящего за рамки лекций	0,1 балл за занятие, но не более 2		
Всего			50	
Дополнительный блок				
8.	Экзамен	В соответствии с установленными кафедрой критериями	50	по расписанию
Итого:			100	

Система штрафов

Показатели	Баллы
Опоздание (два и более)	-1
Не готов к практической части занятия	-3
Нарушение учебной дисциплины	-2

Пропуск лекций без уважительных причин (за одну лекцию)	-1
Пропуск занятий без уважительных причин (за одно занятие)	-1

Преподаватель, реализующий дисциплину, в зависимости от уровня подготовленности обучающихся может использовать иные формы, методы контроля и оценочные средства, исходя из конкретной ситуации.

8. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

а). Основная литература

1. Байгушева И.А. Исследование операций. Часть I. Линейное программирование. – Астрахань: Издательский дом «Астраханский университет», 2013.
2. Пятецкий В.Е. Методы принятия оптимальных управленческих решений: моделирование принятия решений [Электронный ресурс]/ Пятецкий В.Е.- М.: МИСиС, 2014. ISBN 978-5-87623-849-8 - Режим доступа: - [http://www.studentlibrari.ru/book/ ISBN 9785876238498.html](http://www.studentlibrari.ru/book/ISBN_9785876238498.html) (ЭБС «Консультант студента»).
3. Кириллов Ю.В. Прикладные методы оптимизации. Часть 1 : Методы решения задач линейного программирования [Электронный ресурс]: учеб. пособие/ Кириллов Ю.В. – Новосибирск: изд-во НГТУ, 2012. ISBN 978-5-7782-2053-9- Режим доступа: [http://www.studentlibrari.ru/book/ ISBN 9785778220539.html](http://www.studentlibrari.ru/book/ISBN_9785778220539.html) (ЭБС «Консультант студента»).

б). Дополнительная литература

4. Балдин К.В., Методы оптимальных решений [Электронный ресурс]/ Балдин К.В.- М.: ФЛИНТА, 2015.- ISBN 978-5-9765-2068-4- Режим доступа: [http://www.studentlibrari.ru/book/ ISBN 9785976520684.html](http://www.studentlibrari.ru/book/ISBN_9785976520684.html) (ЭБС «Консультант студента»).
5. Кремер Н.Ш. и др. Исследование операций в экономике. – М.: Юрайт, 2014. ISBN 978-5-9916-3748-0: 515-46: 515-46.
6. Красс М.С., Чупрынов Б.П. Математика для экономистов: Учеб. – 3-е изд., испр. - М.: Дело, 2005.
7. Решение задач линейного программирования с помощью табличного процессора Microsoft Excel : методические рекомендации / сост.: О.В. Ларина, Н.В. Тимкина. – Астрахань: Издательский дом «Астраханский университет», 2008.

в) Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимый для освоения дисциплины (модуля)

Электронно-библиотечная система (ЭБС) ООО «Политехресурс» «Консультант студента», www.studentlibrary.ru. *Регистрация с компьютеров АГУ*

**9. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ
(МОДУЛЯ)**

Аудиторный фонд, компьютеры, доступ в Интернет.

При необходимости рабочая программа дисциплины (модуля) может быть адаптирована для обеспечения образовательного процесса инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, в том числе для обучения с применением дистанционных образовательных технологий. Для этого требуется заявление студента (его законного представителя) и заключение психолого-медико-педагогической комиссии (ПМПК).